# МАТЕМАТИЧЕСКИЕ МЕТОДЫ ФОРМИРОВАНИЯ ТРЕХМЕРНЫХ ИЗОБРАЖЕНИЙ ОБЪЕКТОВ В БОРТОВЫХ СИСТЕМАХ ВИДЕНИЯ

Клочко В.К., д.т.н., профессор Рязанского государственного радиотехнического университета, e-mail: KlochkoVK@mail.ru

Ключевые слова: радиолокация, радиотеплолокация, трехмерные изображения, разрешающая способность. Предложены методы и алгоритм формирования трехмерных изображений земной поверхности и объектов на поверхности по данным наблюдения бортовой радиолокационной и радиотеплолокационной станций.

#### Введение

Современные бортовые пассивные или активные системы наблюдения за наземными объектами при маловысотном полете летательных аппаратов (ЛА) представляют собой многофункциональные комплексы, позволяющие наблюдать за наземной обстановкой и осуществлять ориентацию на местности независимо от времени суток и метеоусловий. Измерительными датчиками таких систем являются антенны или антенные решетки (АР) [1], принимающие радиолокационный (РЛ) или радиотеплолокационный сигнал (РТЛ) в радиолокационном диапазоне длин волн. Результатом алгоритмической обработки принятых сигналов является плоское (двумерное) изображение участка земной поверхности и объектов на поверхности. Однако все возрастающее требование повышения безопасности маловысотных полетов ЛА диктует необходимость измерения высоты рельефа местности и формирования трехмерных изображений высотных объектов по курсу полета ЛА в реальном времени. С задачей получения трехмерных изображений в РЛ и РТЛ системах (РЛС, РТЛС) тесно связана задача повышения разрешаюшей способности этих систем по угловым координатам [2].

Цель работы – разработка математических методов и алгоритмов формирования трехмерных изображений и повышения разрешающей способности антенны по угловым координатам на базе бортовых РЛС и РТЛС.

## Формирование трехмерных изображений в доплеровских РЛС

В РЛС с синтезированной апертурой антенны традиционно получают двумерные изображения земной поверхности в координатах азимут-дальность (или доплеровская частота-дальность) при боковом и переднебоковом обзорах. В режиме доплеровского «обужения луча» [3] система наблюдения представляет собой бортовую моноимпульсную доплеровскую РЛС, работающую в миллиметровом диапазоне в режиме излучения с низкочастотным повторением, совмещенную с бортовым компьютером и навигационными датчиками. Носитель РЛС совершает маловысотный полет на постоянной высоте *h* с постоянной скоростью *v*. РЛС работает в режиме передне-бокового обзора, и неоднозначность наблюдений, свойственная режиму переднего обзора, отсутствует. В текущий дискретный  $\mu$ -й момент времени обзора  $t_{\mu}$ , привязанный к моменту приема отраженного сигнала,

РЛС находится в самолетной системе координат  $O_c$ ,  $x_c$ ,  $y_c$ ,  $z_c$ . За начало координат принимается точка  $O_c$  центра масс самолета, ось  $O_c x_c$  направлена вперед по оси самолета, ось  $O_c y_c$  лежит в плоскости левого крыла. Одновременно рассматривается сферическая система координат  $O_c$ ,  $r_c$ ,  $\varphi_c$ ,  $\theta_c$ , где r – дальность;  $\varphi$  – азимут;  $\theta$  – угол места, отсчитываемый от горизонтальной плоскости  $O_c$ ,  $x_c$ ,  $y_c$ , . В режиме сканирования луча направляющий вектор  $\vec{a}$  центра антенны занимает ряд фиксированных положений  $\vec{a}_{kl}$  по азимуту и углу места, как показано на рис. 1а.

Угловые координаты  $\varphi$ ,  $\theta$  диаграммы направленности антенны (ДНА) составляют  $\varphi_0 \pm \Delta \varphi/2$  и  $\theta_0 \pm \Delta \theta/2$ , где  $\Delta \varphi$  и  $\Delta \theta$  – размеры ДНА по азимуту и углу места на уровне 0,5 мощности. По времени задержки отраженного сигнала на промежутке времени, соответствующем дальности *r*, формируется элемент разрешения по дальности размером  $\Delta r$ :  $r \pm \Delta r/2$ .

Элемент разрешения антенны образуется пересечением конической поверхности ДНА с вершиной в точке  $O_c$  и двух сферических поверхностей постоянного уровня дальности с центром в той же точке  $O_c$ .

Вводятся обозначения:  $\alpha_j$  – угол между вектором путевой скорости  $\vec{v}$  и образующей конуса *j*-й проекции скорости  $v_j = v \cdot \cos \alpha_j$ ;  $f_j$  – доплеровская частота, соответствующая  $v_j$  и вычисляемая как разность частот  $f_2$  принимаемого и  $f_1$  передаваемого сигналов в *j*-м направлении:

$$f_j = f_2 - f_1 = -\frac{2}{\lambda} \cdot \frac{dr}{dt} = \frac{2}{\lambda} v_j = \frac{2v}{\lambda} \cdot \cos \alpha_j, \qquad (1)$$

где  $\lambda$  – длина волны несущей; dr/dt – отрицательная скорость уменьшения расстояния между РЛС и поверхностью в *j*-м направлении. Приращение частоты  $\Delta f_j$  связа-

но с малым приращением угла  $\Delta \alpha_i = \alpha_{i+1} - \alpha_i$ :

$$\Delta f_j = f_{j+1} - f_j = \frac{2\nu}{\lambda} (\cos \alpha_{j+1} - \cos \alpha_j) =$$
$$= -\frac{2\nu}{\lambda} 2\sin \frac{\alpha_j + \alpha_{j+1}}{2} \sin \frac{\Delta \alpha_j}{2} \approx -\frac{2\nu}{\lambda} \Delta \alpha_j \sin \alpha_j$$

С учетом ускорения формула (1) усложняется:

$$f_{j} = f_{2} - f_{1} = -\frac{2}{\lambda} \cdot \left(\frac{dr}{dt} + \frac{d^{2}r}{dt^{2}}t\right) =$$

$$= \frac{2v}{\lambda} \cdot \cos \alpha_{j} - \frac{2v^{2} \sin^{2} \alpha_{j}}{\lambda \cdot r}t$$
(2)

Наличие доплеровских узкополосных фильтров с геометрической точки зрения означает рассечение элемента разрешения антенны рядом конических поверхностей постоянного уровня доплеровской частоты  $f_j$  (j = 1,2,...) с вершиной в точке  $O_c$  и осью симметрии, совпадающей с вектором путевой скорости  $\vec{v}$ . В результате образуются узкие пространственно-протяженные по угловым координатам элементы доплеровской частоты.

Выводится уравнение линии *j*-й доплеровской частоты [4]:

$$\cos\varphi\cos\theta = \cos\alpha_{i}.$$
 (3)

Уравнение (3) в сочетании с моноимпульсным методом измерения угловых координат используется для формирования трехмерного изображения следующим образом. При данном положении ДНА сигнал s(t), принятый одновременно в Q измерительных каналах РЛС:  $s_a(t), q = \overline{1, Q}$ , селектируется в i-х элементах разрешения по дальности:  $s_a(t_i)$ ,  $i = \overline{1, I}$ , где I – число таких элементов. В каждом і-м элементе дальности сигнал  $s_a(t_i)$  селектируется по доплеровской частоте  $f_j$  в j-х узкополосных фильтрах и определяется амплитуда (модуль)  $U_a(i, j)$  комплексной огибающей сигнала  $\dot{u}_a(t_i, j)$ в каждом ј-м фильтре ( $j = \overline{1, J}$ ). При этом последовательность ј-х элементов разрешения по частоте ставится в соответствие последовательности *j*-х элементов раз решения по углу  $\alpha_{i}$  в соответствии с формулой (1) или (2). Для тех j-х фильтров, в которых амплитуда  $U_a(i, j)$ ,  $q = \overline{1, Q}$ , превышает порог обнаружения (соответствует отражению от одного или большего числа элементов поверхности или высотных объектов), по совокупности qх сигналов  $\dot{u}_a(t_i, j)$  моноимпульсным методом с учетом (3) измеряются в самолетной системе координат значения азимута φ или угла места θ точечных отражателей,

находящегося на линии *j*-го элемента разрешения в *i*-м элементе дальности.

Операции повторяются для всех значений i, j. В результате определяются угловые координаты всех точечных отражателей на j-х линиях доплеровской частоты в зоне обзора РЛС, и формируется трехмерное изображение рельефа поверхности на момент времени  $t_{\mu}$  в виде матриц амплитуд U и углов места  $\Theta$ . Для удобства индикации матрицы U и  $\Theta$  могут пересчитываться в матрицу амплитуд  $U(i_1, j_1)$  и матрицу  $H(i_1, j_1)$  высот в элементах дискретизации прямоугольной системы координат.

На рис.1а и 1б показано рассечение элемента разрешения доплеровской частоты на более мелкие части за счет использования моноимпульсного метода измерения угловых координат в режимах построчного (а) и выборочного (б) обзора. При этом требуемое совмещение кадров изображения, полученных в отдельные моменты времени  $t_{\mu}$ , достигается пересчетом координат на текущий момент времени  $t_{\mu}$  с учетом параметров движения носителя РЛС.

Трудность практического применения метода заключается в согласовании систем измерения: угловых координат, доплеровской частоты и наземных координат.

## Формирование трехмерных изображений в режиме реального луча

Некритичным к нестабильности полета ЛА, а также позволяющим получать изображение по курсу полета (передний обзор) является режим реального луча (РЛ) в РЛС. При работе бортовой РЛС в режиме РЛ многоканальная антенная система, представляющая в общем случае QxK-плоскую решетку приемных элементов, сканирует зону обзора, смещаясь построчно по азимуту (по *j*) и углу места (по *i*) на заданное число элементов дискретизации. Ширина ДНА каждого приемного канала АР составляет N = 2n + 1 элементов дискретизации по азимуту и M = 2m + 1 элементов по углу места. При *i*, *j*-м положении антенны модель комплексной огибающей  $\dot{S}_{ak}(t,i,j)$  отраженного сигнала на промежутке времени  $[t, t + \Delta t]$ , соответствующем элементу разрешения дальности, на выходе фильтров низких частот квадратурных каналов фазового детектирования q, k-го приемного канала имеет вид:



Рис.1. Формирование элементов разрешения доплеровской частоты

$$\hat{s}_{qk}(t,i,j) =$$

$$= \sum_{i_1=-m}^{m} \sum_{j_1=-n}^{n} \dot{g}_{qk}(i_1,j_1) \cdot \dot{u}_{qk}(t,i+i_1,j+j_1) + \dot{p}_{qk}(t,i,j)$$

$$q = \overline{1,Q}, \quad k = \overline{1,K}, \quad i = \overline{1,I}, \quad j = \overline{1,J}.$$
(4)

В (4):  $\dot{s}_{qk}(t,i,j) = S_{qk}(t,i,j) e^{-i\psi_{qk}(t,i,j)}$  – сигнал в квадратурных каналах фазового детектирования с измеряемыми амплитудой  $S_{_{qk}}(t,i,j)$  и фазой  $\psi_{_{qk}}(t,i,j)$ , где символ і в показателе степени обозначает мнимую единицу;  $\dot{g}_{qk}(i,j) = a_{qk}(i,j)e^{i\theta_{qk}(i,j)}$  – нормированные комплексные коэффициенты ДНА q, k-го канала;  $\dot{u}_{qk}(t,i,j) = U(t,i,j)e^{-i[\phi(t,i,j)+\gamma_{qk}(i,j)]}$  – полезная составляющая сигнала с амплитудой U(t,i,j), несущей информацию о поле отражения, и случайной фазой  $\varphi(t,i,j) = \varphi_0(t,i,j) + \varepsilon(t,i,j)$ , которая разделяется на составляющую  $\varphi_0$ , связанную с отражением сигнала от объекта или поверхности, и случайную составляющую є, равномерно распределенную на промежутке времени селекции по дальности;  $\gamma_{ak}(i,j)$  - известный фазовый сдвиг при приеме отраженного сигнала с *i*,*j*-го углового направления q, k-м приемным элементом по отношению фазовому центру AP;  $\dot{p}_{qk}(t,i,j) = \xi_{qk}(t,i,j) +$ К  $+i\eta_{ak}(t,i,j)$  - помеха типа комплексного белого шума, действительная и мнимая часть которого распределены по нормальному закону:  $\xi, \eta \in N(0, \sigma_P^2)$ .

Модель (4) преобразуется к виду

$$\dot{s}_{qk}(t,i,j) = \\
= \sum_{i_1=-m}^{m} \sum_{j_1=-n}^{n} \dot{\alpha}_{qk}(i_1,j_1) \cdot \dot{x}(t,i+i_1,j+j_1) + \dot{p}_{qk}(t,i,j), \quad (5) \\
\dot{\alpha}_{qk}(i,j) = a_{qk}(i,j) e^{i(\theta_{qk}(i,j)-\gamma_{qk}(i,j))}, \\
\dot{x}(t,i,j) = U(t,i,j) e^{-i\varphi(t,i,j)}$$

где  $\dot{x}(t,i,j)$  – комплексный сигнал, подлежащий оцениванию, модулем которого является искомая амплитуда сигнала отражения U(t,i,j);  $\dot{\alpha}_{qk}(i,j)$  – комплексные коэффициенты, описывающие свойство q, k-го канала.

матрично-векторная форма (5):

 $Y = A \cdot X + P$ , (6) где Y – QK-вектор-столбец комплексных измерений  $\dot{s}_{qk}(t,i,j)$ , взятых по совокупности q, k при i, j-м положении антенны ( $q = \overline{1,Q}, k = \overline{1,K}$ ); A – QKxMN – матрица комплексных коэффициентов  $\dot{\alpha}_{qk}(i,j)$ ; X – MN – вектор-столбец искомых комплексных параметров поля отражения  $\dot{x}(t,i+i_1,j+j_1)$ , взятых построчно по  $i_1$ ,  $j_1$ ( $i_1 = -m,m$ ,  $j_1 = -n,n$ ); P – QK – вектор-столбец комплексных помех.

Задача с позиции модели (6) заключается в поиске наилучших в определенном смысле оценок составляю-

щих  $\dot{x}$  вектора X (восстановлении X), модуль которых дает оценки искомых амплитуд  $U(t, i + i_1, j + j_1)$  поля отражения в  $i_l$ ,  $j_l$ -х элементах дискретизации. Оптимальные оценки вектора X при отсутствии статистической информации относительно X и P находятся по критерию минимума квадрата евклидовой нормы

$$||Y - AX||^{2} = (Y - AX)^{*T} \cdot (Y - AX),$$
(7)

где \*T – символ комплексного сопряжения и транспонирования, с учетом процедур регуляризации [5].

В качестве оценок амплитуд поля отражения берутся модули элементов вектора X, которые построчно располагаются в составе (2m + 1)x(2n + 1)-матрицы  $\hat{U}(i, j)$  с элементами  $\hat{u}(i_1, j_1), i_1 = -m, m, j = -n, n$ . Матрица  $\hat{U}(i, j)$  представляет восстановленное в пределах ширины ДНА при  $i_j$ -м положении антенны амплитудное изображение наземной или воздушной обстановки с повышенной в несколько раз разрешающей способностью по углам. На множестве i, j-х положений антенны, смещенных относительно друг друга на ширину ДН, операции повторяются. Полученные матрицы  $\hat{U}(i, j)$  помещаются в состав блочной матрицы  $\hat{U}$ , представляющей восстановленное изображение обстановки

При сканировании антенны с шагом, меньшим ширины ДНА, используется соответственно меньшее число элементов вектора оценок X, угловые координаты которых находятся ближе к фазовому центру антенны. Точность оценивания при этом увеличивается (за счет выбора центральных элементов), а быстродействие алгоритма восстановления РИ уменьшается (из-за увеличения числа шагов). При сканировании с шагом, равным элементу дискретизации по угловым координатам, выражение (5) можно рассматривать как свертку и представить (5) в частотной области ( $n_1$ ,  $n_2$ ) в виде алгебраического уравнения относительно неизвестного X [6]:

$$Y(n_1, n_2) = A(n_1, n_2) \cdot X(n_1, n_2) + P(n_1, n_2),$$

в зоне обзора РЛС.

где *Y*, *A*, *X* и *P* – образы двумерного дискретного преобразования Фурье в данном канале. После определения *X* осуществляется обратный переход в пространственную область.

Если аппроксимировать коэффициенты ДНА в виде функции, разделяющейся по переменным:  $\dot{\alpha}_{qk}(i.j) =$ 

 $= \dot{a}_{a}(i)\dot{b}_{k}(j)$ , то вместо (5) получается

$$\dot{s}_{qk}(t,i,j) =$$

$$= \sum_{i_1=-m}^{m} \dot{a}_q(i_1) \sum_{j_1=-n}^{n} \dot{x}(t,i+i_1,j+j_1) \cdot \dot{b}_k(j_1) + \dot{p}_{qk}(t,i,j)$$
(8)

что позволяет представить совокупность измерений (8), полученных в QK каналах ( $q = \overline{1,Q}, k = \overline{1,K}$ ) при *i*, *j*-м положении антенны, в матричной форме:

$$Y = A \cdot X \cdot B + P, \tag{9}$$

где Y – QxK-матрица q, k-х измерений  $\dot{s}_{ak}(t,i,j)$ , распо-

ложенных в q-х строках и k-х столбцах; A - QxMматрица  $q, i_l$ -х коэффициентов  $\dot{a}_a(i_l)$ ; X – MxN-матрица  $i_l$ ,  $j_l$ -х искомых параметров поля отражения  $\dot{x}(t, i+i_1, j+j_1)$ ; *В* – NxK-матрица  $j_l$ , *k*-х коэффициентов  $\dot{b}_k(j_1)$ ; *P* – QxK-матрица *q*, *k*-х помех  $\dot{p}_{ak}(t,i,j)$ .

Поиск оптимальной оценки Х искомой матрицы Х подчиняется условию, аналогичному минимуму (7):  $(\hat{\mathbf{v}})^{*T}$ -----F ( T7 (17 

$$tr[F(X)] = tr[(Y - AXB) + (Y - AXB)] =$$

$$= tr[(Y - \hat{Y})^{*T} \cdot (Y - \hat{Y})] = tr[\Delta Y^{*T} \cdot \Delta Y] \rightarrow \min$$
(10)

где tr[F] – след матрицы F;  $F = F(\Delta \hat{Y}(\hat{X}))$  – KxK – матричная сложная функция  $\hat{X}$ . Матрица  $\Delta Y = Y - \hat{Y}$  в (10), зависящая от  $\hat{X}$ , представляет отклонения измерений Y относительно оценок измерений  $\hat{Y} = A\hat{X}B$ , восстановленных на основе  $\hat{X}$  .

След матрицы F равен сумме квадратов отклонения измерений всех каналов от их восстановленных значений. Модели (6), (9) применимы как в активных РЛС, так и в пассивных сканирующих многоканальных РТЛС. Матричная форма позволяет значительно уменьшить количество вычислительных операций при формировании и обращении матриц по сравнению с векторной формой [5].

На рис. 2а дано изображение участка поверхности, получаемое при сканировании на ширину ДНА. На рис. 26 - изображение при сканировании со смешением на один элемент дискретизации (смазывание изображения). На рис. 2в – восстановленное изображение с помощью алгоритма.

Совокупность двумерных изображений, полученных в координатах угол места – азимут в различных t-х элементах разрешения дальности, образует трехмерное РЛизображение.

#### Формирование трехмерных изображений в РТЛС

В пассивных бортовых РТЛС радиолокационного диапазона проблема повышения разрешающей способ-

ности по угловым координатам стоит острее, чем в РЛС. Кроме того, отсутствие измерений дальности не позволяет получить трехмерное изображение при одном положении антенны. Требуется последовательность наблюдений, полученных при облете контролируемого участка поверхности, либо наличие нескольких антенн, разнесенных в пространстве (позиционирование).

В отличие от РЛС в РТЛС двумерное изображение в координатах «угол места-азимут» получается усреднением по времени наблюдения при приеме излученного сигнала. Система наблюдения представляет собой бортовую РТЛС, работающую в миллиметровом или сантиметровом диапазонах длин волн [7], совмещенную с бортовым компьютером и навигационными датчиками. Антенна РТЛС в общем случае выполнена в виде АР. Положение антенны в момент времени t<sub>1</sub> рассматривается в прямоугольной системе координат  $O_{l}X_{l}Y_{l}Z_{l}$ , а в момент  $t_2$  - в системе  $O_2 X_2 Y_2 Z_2$ , которые расположены определенным образом относительно самолетной системы. Оси  $O_1Z_1$  и  $O_2Z_2$  перпендикулярны плоскости антенны (рис.3).

При движении объекта носителя РТЛС на промежутке  $[t_1, t_2]$  осуществляется поворот осей  $O_1X_1, O_1Y_1$  и  $O_1Z_1$ на углы  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$  (тангаж, крен, курс), а точка  $O_l$  получает приращения параллельного переноса  $\Delta x$ ,  $\Delta y$ ,  $\Delta z$ . Величины  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$  и  $\Delta x$ ,  $\Delta y$ ,  $\Delta z$  измеряются с помощью бортовой навигатора.

Рассматривается геометрический подход [8] к измерению наклонной дальности до элементов поверхности с помощью движущейся по траектории облета контролируемого участка поверхности РТЛС Пусть в момент времени  $t_1$  из точки  $O_1$  центра антенны в сторону точки  $A_1$ расположенной на поверхности (рис.3), направлен *i*, *j*-й луч, положение которого определяется углом места  $\theta_i$ , отсчитываемым от плоскости  $O_{l}X_{l}Z_{l}$ , и азимутом  $\phi_{i}$ , отсчитываемым от оси  $O_{I}Z_{I}$ . По этому лучу идет в направлении антенны *i*, *j*-я составляющая  $\dot{u}(t_1, i, j)$  излучаемого сигнала. Строится единичный вектор  $\overline{a}_1$  – орт вектора *О*<sub>1</sub>*А*, направленный по лучу к точке *А*, его координаты в прямоугольной системе  $O_{l}X_{l}Y_{l}Z_{l}$ :

 $\overline{a}_1 = (x_1, y_1, z_1) = (\cos \theta_1 \sin \varphi_1, \sin \theta_1, \cos \theta_1 \cos \varphi_1).$ 



a)

Рис. 2. Восстановление изображения участка поверхности

в)



Рис.3. Наблюдение объекта в РТЛС

Пересчитываются координаты вектора  $\overline{a}_1$  в систему координат  $O_2X_2Y_2Z_2$  на момент времени  $t_2$  в соответствии с формулами поворота осей и параллельного переноса, полагая для свободных векторов приращения параллельного переноса равными нулю:  $\Delta x = \Delta y = \Delta z = 0$ . Получается вектор  $\overline{a}'_1 = (x'_2, y'_2, z'_2)$ . В текущий момент  $t_2$  в системе координат  $O_2X_2Y_2Z_2$  строится вектор  $\overline{a}_2$  – орт вектора  $O_2A$ , направленный к той же точке A на поверхности по i', j'-му лучу:

 $\overline{a}_2 = (x_2, y_2, z_2) = (\cos\theta_2 \sin\varphi_2, \sin\theta_2, \cos\theta_2 \cos\varphi_2).$ 

В системе координат  $O_2X_2Y_2Z_2$  рассматриваются три вектора:  $\overline{a}'_1$ ,  $\overline{a}_2$  и вектор параллельного переноса  $\overline{b}_2 = \overline{O_1O_2} = (-\Delta x, -\Delta y, -\Delta z)$ . Если измерения координат векторов выполнены без ошибок, то три вектора  $\overline{a}'_1$ ,  $\overline{a}_2$  и  $\overline{b}_2$  оказываются в одной плоскости и на них строится треугольник  $AO_1O_2$ , стороны которого  $O_1A$  и  $O_2A$  равны дальностям  $R_1$  и  $R_2$  до точки A. С помощью скалярного произведения находятся косинусы внутренних углов треугольника  $\alpha_1$ ,  $\beta_1$ ,  $\gamma_1$  ( $\gamma_1 = \pi - \alpha_1 - \beta_1$ ), и по теореме синусов определяются оценки дальности  $R_1(i, j)$  и  $R_2(i', j')$ для соответствующих положений i, j-го и i', j'-го лучей в моменты времени  $t_1$  и  $t_2$ .

Для повышения точности измерения дальности используется второй подход. В каждый текущий момент времени  $t_{\mu}$  по данным навигационной системы определяется оценка высоты наблюдателя  $\hat{z}(t_{\mu})$  в момент  $t_{\mu}$ . По известному вектору нормали к поверхности  $\vec{n}_{\mu}$  определяется оценка дальности  $R_{\mu}$  с помощью модуля скалярного произведения ( $\vec{a}_{\mu}$ ,  $\vec{n}_{\mu}$ ) векторов  $\vec{a}_{\mu}$ ,  $\vec{n}_{\mu}$ .

Алгоритм формирования трехмерного РТЛИ сводится к следующему.

1. В дискретные моменты времени  $t_{\mu}$ ,  $\mu=0,1,2,...L$ , формируются двумерные амплитудные изображения  $\hat{U}(t_{\mu},i,j)$  в координатах угол места – азимут аналогично радиолокационным изображениям в режиме РЛ.

2. Координаты  $x_i$ ,  $y_i$  центра каждого i, j-го элемента матрицы  $\hat{U}(t_{\mu-1},i,j)$ ,  $\mu=0,1,2,...L$ , пересчитываются в

 $x'_{2}, y'_{2}$  на основе навигационных данных и округляются до ближайших элементов дискретизации i', j'.

3. Если i', j' попадают в поле матрицы  $\hat{U}(t_{\mu}, i, j)$ , то i, j-е амплитуды  $\hat{U}(t_{\mu-1}, i, j)$  переписываются в соответствующие i', j'-е элементы экстраполированной матрицы  $\hat{U}'(t_{\mu}, i', j')$ . Установленное соответствие между i, j и i', j' запоминается. Иначе фиксируется непопадание i', j'.

4. Корреляционно-экстремальным методом, например, [9], корректируется соответствие между всеми парами *i*, *j* и *i*', *j*'. Изменения запоминаются.

5. Для каждого i', j'-го элемента матрицы  $\hat{U}(t_{\mu}, i', j')$ , которому поставлен в соответствие i, j-й элемент матрицы  $\hat{U}(t_{\mu-1}, i, j)$  устанавливаются координаты векторов  $\overline{a}'_{\mu-1}, \overline{a}_{\mu}, \overline{b}_{\mu}$  и определяются оценки дальности  $R_{\mu}(i, j)$ . Одновременно с помощью оценки  $\hat{z}(t_{\mu})$ , имеющей смысл высоты объекта-носителя РТЛС вновь вычисляется оценка дальности  $R_{\mu}(i, j)$ .

6. Операции п.п.2 – 5 повторяются в последовательности моментов  $t_{\mu}$ ,  $\mu = \overline{1,L}$ . Найденные значения амплитуд  $\hat{U}(t_{\mu},i,j)$ , дальностей  $R_{\mu}(i,j)$  и запомненные значения углов места  $\theta_{\mu}(i,j)$  положения i, j-го луча усредняются во времени  $t_{\mu}$ . В результате к моменту  $t_{L}$  формируются усредненные матрицы  $U, R, \Theta$  с элементами  $\widetilde{U}(i,j), R(i,j), \widetilde{\theta}(i,j)$ .

7. В момент  $t_L$  заполняется матрица H усредненных высот рельефа и объектов на поверхности, элементы  $\tilde{h}(i, j)$  которой вычисляются по формуле:

$$\widetilde{h}(i,j) = \widehat{z}(t_{L}) - R(i,j)\sin\widetilde{\theta}(i,j),$$

где  $\hat{z}(t_L)$  – оценка высоты объекта-носителя РТЛС на момент  $t_L$ .

8. Найденные матрицы U и H представляют трехмерное изображение, которое с помощью алгоритмов отображения выводится на экран. Подобный подход к формированию трехмерного изображения в РТЛС может быть использован и в оптикоэлектронных системах как альтернативный, если в них возникают проблемы с установкой внутренних параметров камеры (калибровкой).

### Заключение

Предложены методы и алгоритмы формирования трехмерных изображений по данным наблюдения бортовой РЛС и РТЛС. Возможно комплексирование РЛС и РТЛС при получении изображений объектов [10]. Учет высоты поверхности и объектов на поверхности в системах автоматического распознавания позволяет увеличить вероятность обнаружения и распознавания высотных объектов. Результаты математического моделирования показывают, что наличие матрицы высот позволяет распознавать изображения высотных объектов с достоверностью 0,85 - 0,95 даже в тех случаях, когда разрешающая способность системы наблюдения существенно ухудшается. Предложенные методы и алгоритмы могут найти применение при разработке систем распознавания для беспилотных ЛА.

Работа производилась при поддержке Министерства образования и науки РФ (ГК № 16.740.11.0519).

### Литература

1. Клочко В.К. Сверхразрешение в системах наблюдения с антенной решеткой при синтезе изображения земной поверхности // Автометрия. 2011. № 1. С. 50 – 55.

2. Математические методы восстановления и обработки изображений в радиотеплооптоэлектронных системах / В.К. Клочко. Рязань: РГРТУ, 2009.

3. Кондратенков Г.С., Фролов А.Ю. Радиовидение. Радиолокационные системы дистанционного зондирования Земли. Учебное пособие для вузов / Под ред. Г.С. Кондратенкова. М.: «Радиотехника», 2005. 368 с.

4. Клочко В.К. Методы формирования трехмерных изображений поверхности в бортовых системах радиовидения // Автометрия. 2009. № 1. С. 23 - 33.

5. Клочко В.К. Восстановление радиоизображений в многоканальных сканирующих РЛС // Цифровая обработка сигналов. 2010. № 1. С. 27 – 30.

6. Клочко В.К. Алгоритм двухэтапного восстановления радиолокационных изображений // Автометрия. 2009. № 5. С. 34 - 39.

7. Пирогов Ю.А., Тимановский А.Л. Сверхразрешение в системах пассивного радиовидения миллиметрового диапазона // Радиотехника. 2006 № 3. С. 14 – 19.

8. Клочко В.К. Пространственно-временная обработка изображений поверхности Земли в бортовых радиотеплолокационных станциях // Радиотехника. 2010. № 1. С. 3 – 10.

9. Баклицкий В.К., Юрьев А.Н. Корреляционноэкстремальные методы навигации. М.: Радио и связь, 1982. 256 с.

10. Клочко В.К. Алгоритм комплексирования РТЛС и РЛС при получении изображений объектов // Изв. вузов. Радиоэлектроника. 2009. № 8. С. 74 – 78.

# MATHEMATICAL METHODS OF FORMATION THREE-DIMENSIONAL IMAGES OF OBJECTS IN ONBOARD SYSTEMS OF VISION

## Klochko V.K.

Methods and algorithm of formation of the threedimensional images of a terrestrial surface and objects on a surface according to supervision data of onboard radar location station (RLS) and radar thermal location station (RTLS) are offered. For RLS modification of a Doppler filtration method is given at formation of spatial elements of permit, and methods of increase of RLS resolution on angular coordinates in a mode of an actual beam are developed. For RTLS the algorithm of formation of the three-dimensional image of objects on a surface at flight by RTLS carrier of a controllable site of a surface is given.

## Уважаемые коллеги!

Для тех, кто не успел оформить подписку на первое полугодие 2012 года через ОАО «Роспечать», сохраняется возможность приобретения журналов непосредственно в редакции по адресу: 107031, г. Москва, Рождественка, 6\9\20, стр. 1, Российское научно-техническое общество радиотехники, электроники и связи им.

A.C. Попова, или оформить заказ в соответствии с требованиями, выставленными на сайте журнала: www.dspa.ru.

Справки по телефонам: (495) 621-71-08, 621-06-10. Факс: (495) 621-16-39. E-mail: rntores@mail.ru