

## АВТОКОМПЕНСАЦИЯ ДОПЛЕРОВСКОЙ ФАЗЫ ПАССИВНЫХ ПОМЕХ

Попов Д.И.

### Введение

При обработке радиолокационных сигналов на фоне пассивных помех в условиях априорной неопределенности возникает задача компенсации доплеровской фазы помехи, обусловленной взаимным перемещением источника мешающих отражений и носителя радиолокационной системы (РЛС). Эта задача решается в адаптивных режекторных фильтрах (АРФ) с комплексными весовыми коэффициентами путем двумерных поворотов обрабатываемых отсчетов в комплексных перемножителях [1, 2]. Однако синфазность отсчетов помехи только в пределах памяти фильтра приводит к сохранению доплеровских сдвигов фазы остатков режектирования и необходимости компенсации этих сдвигов при последующей когерентной обработке. Кроме того, наличие соответствующего порядку фильтра числа комплексных перемножителей усложняет структуру АРФ, особенно высоких порядков, и повышает требования к быстродействию арифметических операций. В связи с этим представляет интерес раздельное решение задачи автокомпенсации доплеровских сдвигов фазы помехи и последующего режектирования «остановленной» помехи в фильтре с действительными весовыми коэффициентами. В этом случае, в отличие от адаптации к доплеровской фазе путем соответствующего смещения АЧХ фильтра, необходимо скомпенсировать доплеровское смещение спектра помехи. Для осуществления этого во временной области следует измерять с точностью до начальной фазы текущую фазу помехи в виде полного доплеровского сдвига за поступившее число периодов. При этом возможны измерители и автокомпенсаторы двух типов – с прямой и обратной связью.

### Модель помехи

Помеха, создаваемая мешающими отражениями от протяженных объектов, является случайным узкополосным процессом гауссовского типа, образующим с внутренним шумом приемника аддитивную смесь, которой в  $j$ -м периоде повторения и в  $l$ -м элементе разрешения по дальности соответствуют цифровые отсчеты  $U_{jl} = x_{jl} + iy_{jl}$  комплексной огибающей, следующие через период повторения  $T$  и образующие в двух смежных периодах вектор-столбец  $\mathbf{U}_l = \{U_{j-1,l}, U_{j,l}\}^T$ . В пределах временного строба, соответствующего  $n+1$  смежным элементам разрешения по дальности, отсчеты помехи образуют обучающую выборку в виде совокупности  $\{U_l\}$ ,  $l=1, n+1$ . Соответствующий среднему элементу разрешения в стробе вектор  $U_l$  ( $l = n/2 + 1$ ) исключается из обучающей выборки. При условии однородности помехи в пределах рассматриваемого временного строба помеха в каждом его элементе разрешения описывается корреляционной матрицей

$$\mathbf{R} = \mathbf{R}_l = \overline{\mathbf{U}_l \mathbf{U}_l^*} / 2\sigma_n^2, \text{ элементы которой } R_{jk} = \rho_{jk} e^{i(j-k)\varphi} + \lambda \delta_{jk},$$

Методом максимального правдоподобия синтезированы алгоритмы оценивания доплеровской фазы пассивных помех. Предложены принципы построения и структурные схемы автокомпенсаторов доплеровской фазы пассивных помех с прямой и обратной связью. Проведен сравнительный анализ точности компенсации предложенных автокомпенсаторов.

где  $\rho_{jk}$  – коэффициенты междупериодной корреляции,  $\varphi$  – доплеровский сдвиг фазы за период  $T$ ,  $\lambda = \sigma_n^2 / \sigma_n^2$  – отношение шум/помеха,  $\delta_{jk}$  – символ Кронекера.

С учетом статистической независимости помехи в различных элементах разрешения по дальности, ввиду полной смены элементарных отражателей, выражение для функции правдоподобия имеет вид

$$P(\{U_l\} / \varphi) = C \exp \left\{ -\frac{1}{2} \sum_{l=1}^{n+1} \mathbf{U}_l^* \mathbf{W} \mathbf{U}_l \right\}, \quad (1)$$

где  $C$  – не зависящая от  $\mathbf{U}_l$  и  $\varphi$  константа;  $\mathbf{W}$  – обратная  $\mathbf{R}$  матрица, элементы которой  $W_{jk} = w_{jk} e^{i(j-k)\varphi}$ .

### Автокомпенсаторы с прямой связью

В данном случае в качестве исходных используются оценки междупериодного доплеровского сдвига фазы помехи  $\varphi$ , определяемые из уравнения правдоподобия

$$\partial \ln P(\{U_l\} / \varphi) / \partial \varphi \Big|_{\varphi=\hat{\varphi}} = 0. \quad (2)$$

В результате решения уравнения (2) находим

$$\hat{\varphi}_j = \arg V_j = \arctg(\text{Im } V_j / \text{Re } V_j), \quad (3)$$

где

$$V_j = \sum_{l=1}^{n+1} U_{j-1,l}^* U_{j,l} = \text{Re } V_j + i \text{Im } V_j = |V_j| e^{i\hat{\varphi}_j}. \quad (4)$$

Значения арктангенса находятся в пределах  $[-\pi/2, \pi/2]$ . Расширение диапазона измерения  $\varphi_j$  до интервала  $[-\pi, \pi]$  основывается на логических операциях:

$$\hat{\varphi}_j = \begin{cases} \arg V_j & \text{if } \text{Re } V_j > 0, \\ (\text{sgn } \text{Im } V_j)(\pi - |\arg V_j|) & \text{if } \text{Re } V_j < 0, \\ (\text{sgn } \text{Im } V_j)\pi/2 & \text{if } \text{Re } V_j = 0. \end{cases} \quad (5)$$

Далее вычисляется полный сдвиг фазы помехи за поступившее число периодов  $j$ :

$$\theta_j = \theta_{j-1} + \hat{\varphi}_j = \sum_{k=1}^j \hat{\varphi}_k. \quad (6)$$

Структурная схема основанного на алгоритмах (3..6) первого варианта измерителя полного сдвига фазы помехи

приведена на рис. 1 [3].

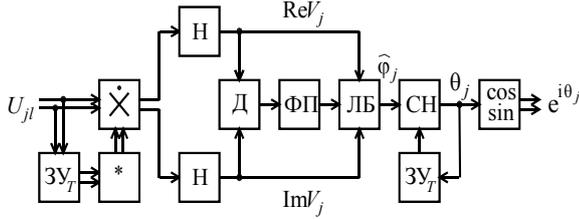


Рис. 1.

В первом запоминающем устройстве  $3Y_T$  отсчеты  $U_{jl}$  задерживаются на интервал  $T$ ; в блоке комплексного сопряжения (\*) инвертируются знаки мнимых проекций отсчетов  $U_{j-1,l}$ ; в комплексном перемножителе ( $\dot{\times}$ ), схема которого приведена в [1, 2], и в накопителях  $H$ , осуществляющих скользящее вдоль дальности суммирование  $n$  произведений  $U_{j-1,l}^* U_{jl}$ , в соответствии с алгоритмом (4) вычисляются величины  $V_j = \text{Re}V_j + i \text{Im}V_j$ . В делителе  $D$ , функциональном преобразователе ФП, реализующем операцию арктангенса, и логическом блоке ЛБ в соответствии с алгоритмами (3) и (5) вычисляются оценки  $\hat{\varphi}_j$ . Сумматор-нормализатор СН и второе  $3Y_T$  в цепи обратной связи отдельно для каждого элемента разрешения по дальности реализуют рекуррентный алгоритм (6). Нормализованные (не превосходящие  $2\pi$ ) сдвиги фазы  $\theta_j$  поступают в косинусно-синусный функциональный преобразователь, в котором образуются величины  $e^{i\theta_j} = \exp\left(i \sum_{k=1}^j \hat{\varphi}_k\right)$ .

Решая уравнение (2) относительно  $e^{i\varphi}$ , получаем

$$e^{i\hat{\varphi}_j} = V_j / |V_j| = (\text{Re}V_j + i \text{Im}V_j) / \sqrt{(\text{Re}V_j)^2 + (\text{Im}V_j)^2}, \quad (7)$$

что приводит ко второму варианту измерителя полного сдвига фазы помехи, структурная схема которого приведена на рис. 2 [4], где  $BM$  – вычислитель модуля  $|V_j|$ . В соответствии с алгоритмами (4) и (7) на выходах делителей  $D$  вычисляются величины, образующие оценки  $e^{i\hat{\varphi}_j}$ . С помощью второго комплексного перемножителя ( $\dot{\times}$ ) и второго  $3Y_T$  в цепи обратной связи, осуществляющих рекуррентное накопление оценок, на выходе измерителя определяются непосредственно величины

$$e^{i\theta_j} = e^{i\theta_{j-1}} e^{i\hat{\varphi}_j} = \exp\left(i \sum_{k=1}^j \hat{\varphi}_k\right).$$

Структурная схема АРФ на основе автокомпенсатора с прямыми связями приведена на рис. 3 [5]. Измеритель И полного сдвига фазы помехи выполняется в соответствии с рис. 1 или 2.

Ввиду однородности помехи по доплеровской фазе ( $\hat{\varphi}_k \approx \hat{\varphi}$ ) в пределах обрабатываемой в РФ последовательности отсчетов

$$\exp\left(i \sum_{k=1}^j \hat{\varphi}_k\right) \approx e^{i j \hat{\varphi}}.$$

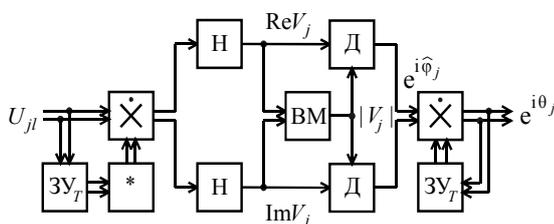


Рис. 2.

Для компенсации доплеровского сдвига фазы помехи образованная в блоке комплексного сопряжения (\*) величина  $e^{-i j \hat{\varphi}}$  перемножается с исходными отсчетами помехи  $U_j = u_j e^{i(j\varphi + \varphi_0)}$ , задержанными в  $3Y_T$  с целью временного согласования вводимых и компенсируемых фазовых сдвигов на интервал  $\tau$ , равный задержке оценок по отношению к среднему элементу разрешения временного строба, исключенному из обучающей выборки. Тогда в случае разрывной помехи или сигнала от цели, соизмеримого по величине с помехой, при обработке элемента разрешения, содержащего сигнал, исключается его влияние на используемые оценки.

Выходные величины автокомпенсатора  $\tilde{U}_j = U_j e^{-i j \hat{\varphi}} = u_j e^{i[j(\varphi - \hat{\varphi}) + \varphi_0]}$  с точностью до погрешностей измерения оценки  $\hat{\varphi}$  не содержат доплеровских сдвигов фазы помехи, что позволяет осуществлять последующее режектирование помехи фильтром с действительными весовыми коэффициентами. При этом число комплексных перемножителей независимо от порядка фильтра остается неизменным и равным двум или трем, в зависимости от используемого варианта измерителя И (рис. 1 или 2). Автокомпенсаторы с прямой связью являются практически безынерционными, и поэтому их целесообразно использовать в обзорных РЛС.

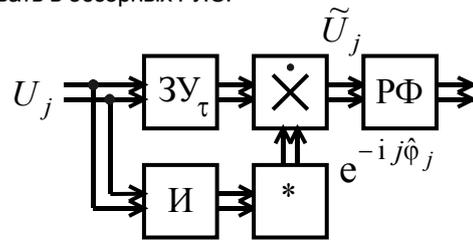


Рис. 3.

### Автокомпенсаторы с обратной связью

Автокомпенсаторы данного типа строятся по принципу следящей системы – дискриминатор плюс сглаживающий фильтр. В дискриминаторе по выходным отсчетам автокомпенсатора  $\tilde{U}_{jl} = \tilde{x}_{jl} + i \tilde{y}_{jl}$  определяется оценка ошибки рассогласования  $\Delta \hat{\varphi}_j$  между истинным и отслеживаемым автокомпенсатором значением фазы  $\varphi$ . Автокомпенсаторы с обратной связью допускают широкий выбор дискриминаторов. Алгоритм оптимального дискриминатора определяется из уравнения правдоподобия

$$\Delta \hat{\varphi}_j = - \frac{\partial \ln P(\{\tilde{U}_l\} / \varphi) / \partial \varphi}{\partial^2 \ln P(\{\tilde{U}_l\} / \varphi) / \partial \varphi^2} \Big|_{\varphi = \varphi_0}, \quad (8)$$

где  $P(\{\tilde{U}_l\} / \varphi)$  – аналогичная (1) функция правдоподобия,  $\tilde{U}_l = \{\tilde{U}_{j-1,l}, \tilde{U}_{j,l}\}^T$  – вектор-столбец,  $\varphi_0$  – опорное значение измеряемого параметра.

В установившемся режиме автокомпенсатора доплеровские сдвиги фазы помехи скомпенсированы, что соответствует опорному значению  $\varphi_0 = 0$ . Тогда после соответствующих вычислений в (8) найдем

$$\Delta \hat{\varphi}_j = \text{Im} \tilde{V}_j / \text{Re} \tilde{V}_j, \quad (9)$$

где  $\tilde{V}_j$  вычисляются по отсчетам  $\tilde{U}_{j-1,l}$  и  $\tilde{U}_{j,l}$  аналогично алгоритму (4).

Структурная схема дискриминатора на основе алгоритма (9) соответствует левой части рис. 1 до функционального преобразователя ФП.



интеграла (13) найдем  $2\Delta f_{эф} = \eta/(2 - \eta)$ .

Окончательно получаем

$$\sigma_{\varphi}^2 = 2\Delta f_{эф} S_{110} = \frac{\eta[(1 + \lambda)^2 - \rho^2]}{2(2 - \eta)n\rho^2}. \quad (14)$$

Точность компенсации теперь зависит не только от  $n$ , но и от весового коэффициента  $\eta$ . При  $\eta = 1$  точность компенсации в автокомпенсаторах с прямой и обратной связью при прочих равных условиях одинаковая, а при  $\eta < 1$  точность автокомпенсаторов с обратной связью выше, что достигается ценой соответствующего увеличения длительности процесса установления. В связи с этим автокомпенсаторы с обратной связью целесообразно использовать в РЛС сопровождения.

На рис. 6 представлены зависимости среднеквадратичной ошибки  $\sigma_{\varphi}$  от объема обучающей выборки  $n$  при  $\eta = 1$ ,  $\lambda \leq 10^{-4}$  и  $\rho = 0,99$ . Кривая 1 соответствует выражениям (12) и (14), кривые 2 и 3 – моделированию автокомпенсатора (рис. 4) с дискриминаторами на основе алгоритмов (9) и (10) соответственно. Результаты моделирования подтверждают асимптотическую эффективность получаемых оценок и, следовательно, предельную точность компенсации доплеровской фазы помехи. Использование эвристического алгоритма (10) приводит к незначительному снижению точности компенсации, что позволяет отдать ему предпочтение, как более простому в реализации.

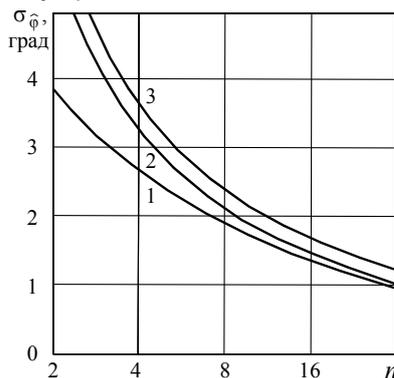


Рис. 6.

Погрешности автокомпенсации влияют на корреляционные свойства пассивной помехи. Коэффициенты корреляции отсчетов помехи  $\tilde{U}_j = U_j e^{-ij\varphi}$  на выходе автокомпенсатора с учетом нормального закона распределения исходных отсчетов  $U_j$  и асимптотической нормальности распределения оценки  $\hat{\varphi}$  со средним  $\varphi$  и дисперсией  $\sigma_{\varphi}^2$  имеют вид

$$\tilde{\rho}_{jk} = \tilde{U}_j \tilde{U}_k^* / 2\sigma_{\varphi}^2 = \rho_{jk} \exp[-i(j-k)(\hat{\varphi} - \varphi)] = \rho_{jk} \exp[-(j-k)^2 \sigma_{\varphi}^2 / 2]$$

Экспоненциальный множитель учитывает уменьшение коэффициентов корреляции помехи в зависимости от величины  $\sigma_{\varphi}^2$  и, следовательно, от объема обучающей выборки  $n$ , что соответствует расширению энергетического спектра помехи и приводит к снижению эффективности ее режектирования. Соответствующий анализ показывает, что снижение эффективности режектирования помехи за счет погрешностей автокомпенсации является незначительным (менее одного децибела при  $n > 6$ ).

**Устойчивость автокомпенсаторов с обратной связью**

Автокомпенсатор как следящая система в зависимости от выбора его параметров может быть как устойчивым, так и

неустойчивым, что определяет динамику процесса автокомпенсации. Для определения условий устойчивости представим системную функцию автокомпенсатора на основе сглаживающего фильтра 1-го порядка (рис. 4) в виде

$$G(z) = \frac{k_d H(z)}{1 + k_d H(z)} = \frac{k_d \eta}{z - 1 + k_d \eta} = \frac{k_d \eta}{z - z_p},$$

где  $z_p = 1 - k_d \eta$  – полюс системной функции.

Так как необходимым и достаточным условием устойчивости системы с обратной связью является выполнение неравенства  $|z_p| < 1$ , то автокомпенсатор будет устойчивым при  $0 < k_d \eta < 2$ . В частности, для оптимального дискриминатора  $k_d = 1$ , а условию устойчивости системы автокомпенсации соответствует  $0 < \eta < 2$ . В устойчивой системе возможны два вида переходного процесса – аperiodический, при  $0 < \eta < 1/k_d$ , и колебательный затухающий, при  $1/k_d < \eta < 2/k_d$ . При  $\eta > 2/k_d$  система будет неустойчивой, а переходный процесс вследствие перерегулирования – колебательным расходящимся. Очевидно, что при  $\eta = 1/k_d$  система с точностью до погрешностей оценивания доплеровского сдвига фазы помехи обрабатывает первоначальное рассогласование в течение первого шага автокомпенсации. При увеличении или уменьшении  $\eta$  время автокомпенсации увеличивается.

**Заключение**

Предложенные принципы построения и структурные схемы автокомпенсаторов с прямой связью позволяют реализовать практически безынерционную компенсацию доплеровской фазы пассивной помехи с заданной точностью компенсации. Предложенные автокомпенсаторы с обратной связью допускают широкий выбор структур и параметров их узлов в зависимости от требований к точности компенсации, длительности процесса установления и сложности аппаратной реализации. Использование упрощенного дискриминатора приводит к незначительному снижению точности компенсации, позволяющему рекомендовать его для практического применения. Погрешности автокомпенсации при соответствующем выборе объема обучающей выборки вносят незначительные потери в эффективность последующего режектирования пассивной помехи.

**Литература**

1. Попов Д.И. Синтез и анализ эффективности систем адаптивной междупериодной обработки сигналов на фоне помех с неизвестными корреляционными свойствами // Радиотехника и электроника. – 1983. – Т. 28. – № 12. – С. 2373-2380.
2. А. с. 934816 СССР, МКИ5 G 01 S 7/36, 13/52. Режекторный фильтр / Д.И. Попов. – 20 с.
3. А. с. 1015757 СССР, МКИ5 G 01 S 7/36. Устройство подавления пассивных помех / Д.И. Попов. – 12 с.
4. А. с. № 1136620 СССР, МКИ5 G 01 S 7/292. Измеритель параметров пассивных помех / Д.И. Попов, В.В. Гладких. – 9 с.
5. А. с. 1098399 СССР, МКИ5 G 01 S 7/36. Устройство адаптивной режекции пассивных помех / Д.И. Попов. – 16 с.
6. А. с. 687941 СССР, МКИ5 G 01 S 7/36. Устройство для подавления пассивных помех / Д.И. Попов. – 13 с.
7. А. с. 711849 СССР, МКИ5 G 01 S 7/36. Устройство для подавления пассивных помех / Д.И. Попов. – 10 с.
8. А. с. 875960 СССР, МКИ5 G 01 S 7/36. Устройство для подавления пассивных помех / Д.И. Попов. – 11 с.